

# Group Recommendation: Semantics and Efficiency

Sihem Amer-Yahia, Senjuti Basu-Roy, Ashish Chawla,  
Gautam Das, and Cong Yu.

## **Gruppo 7:**


Marco D'Alessandro (R)  
Angelo Davide Cinardo  
Pierpaolo Tommasi










# Individual Recommendation



□ Che libro dovrei leggere?


# Individual Recommendation










 **Suggestions**  
Add people you know as friends and connect with public Profiles you like.

 <b>Ilaria Bartolini</b> × Università di Bologna	 <b>Dario Bottazzi</b> ×	 <b>Luca Foschini</b> ×
 <b>Paolo Bellavista</b> × Università di Bologna	 <b>Paolo Ciaccia</b> × Università di Bologna	 <b>Luca Ghedini</b> ×
 <b>Marco Prandini</b> ×	 <b>Ambra Molesini</b> ×	 <b>Roberto Laschi</b> ×



□ *Quale amico dovrei aggiungere?*

# Individual Recommendation

 **Suggestions**  
Add people you know as friends and connect with public Profiles you like.

 <b>Ilaria Bartolini</b> × Università di Bologna	 <b>Dario Bottazzi</b> ×	 <b>Luca Foschini</b> ×
 <b>Paolo Bellavista</b> × Università di Bologna	 <b>Paolo Ciaccia</b> × Università di Bologna	 <b>Luca Ghedini</b> ×
 <b>Marco Prandini</b> ×	 <b>Ambra Molesini</b> ×	 <b>Roberto Laschi</b> ×

**NOT** Suggestions

 <b>Giovanni Neri</b>	 <b>Massimo Lanzoni</b>
--	---

□ Quale amico non devo aggiungere?

# Individual Recommendation

$$relevance(u,i) = \sum_{i' \in I} (ItemSim(i,i') \times rating(u,i'))$$

□ Strategie di due tipi:

- item-based: item simili già valutati
- collaborative filtering: item valutati da utente simile

$$relevance(u,i) = \sum_{u' \in U} (UserSim(u,u') \times rating(u',i))$$

# Individual Recommendation

*Molti algoritmi e servizi di I.R. per soddisfare i nostri gusti..*



# Individual Recommendation



*.. e se non siamo solí?*

# Group Recommendation

Aiutare un gruppo di conoscenti a trovare risorse che possano soddisfare i gusti generali





# Group Recommendation

- Pochi lavori sui G.R.
- Soluzioni esistenti:
  - Preference Aggregation: Aggrega gli item più votati dai singoli, in un utente virtuale a cui fornire Recommendation.



# Group Recommendation

□ Pochi lavori sui G.R.

□ Soluzioni esistenti:

□ Score Aggregation: aggrega I.R. dei singoli, per creare un'unica lista per il gruppo:

□ Average

□ Least Misery



# Perché non bastano?

- Obiettivo: consigliare un film a un gruppo  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$



- relevance ( $u_1$ , "Amici miei") = 5
- relevance ( $u_2$ , "Amici miei") = 1
- relevance ( $u_3$ , "Amici miei") = 1



- relevance ( $u_1$ , "Via col vento") = 3
- relevance ( $u_2$ , "Via col vento") = 3
- relevance ( $u_3$ , "Via col vento") = 1

Stesso score medio



Average NO :(

# Perché non bastano?

- Obiettivo: consigliare un film a un gruppo  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$



- relevance ( $u_1$ , "Amici miei") = 5
- relevance ( $u_2$ , "Amici miei") = 1
- relevance ( $u_3$ , "Amici miei") = 1



- relevance ( $u_1$ , "Via col vento") = 3
- relevance ( $u_2$ , "Via col vento") = 3
- relevance ( $u_3$ , "Via col vento") = 1

Least misery NO :(

# Group Disagreement

"..despite being friends, people may not share the same tastes for all things.."



- Un item può essere valutato diversamente da membri dello stesso gruppo
- sono parametri da considerare in Group Recommendation

# Group Disagreement

*Average Pair-wise*

$$dis(G,i) = \frac{2}{|G| \cdot (|G| - 1)} \sum_{u,v \in G, u \neq v} (|relevance(u,i) - relevance(v,i)|)$$



*Disagreement variance*

$$dis(G,i) = \frac{1}{|G|} \sum_{u \in G} (relevance(u,i) - mean)^2$$

Obiettivo: calcolare uno score per ogni item che rifletta gli interessi e le preferenze del gruppo

# Ingredienti:

- Esprimere il gradimento di un singolo item per il gruppo
- Esprimere il livello di disaccordo tra i vari membri riguardo gli item

# Ingredienti:



## CONSENSUS FUNCTION

$$F(G,i) = w_1 \times rel(G,i) + w_2 \times (1 - dis(G,i))$$

$$w_1 + w_2 = 1.0$$



# Strutture di supporto:

Relevance  
List

$i_{1,2}$
$i_{2,2}$
$i_{3,2}$
$i_{4,2}$

$IL_1$

$i_{4,2}$
$i_{3,2}$
$i_{1,0}$
$i_{2,0}$

$IL_2$

Disagreement  
List

$i_{3,0}$
$i_{4,0}$
$i_{1,2}$
$i_{2,2}$

$DL_{1,2}$

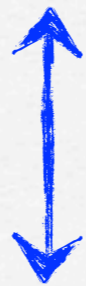
2-0

1 per ogni  
possibile  
coppia

$$\Delta_{u,v}^i = |\text{relevance}(u,i) - \text{relevance}(v,i)|$$

# Definizione del problema

Dato un gruppo  $G$  e una Consensus Function  $F$ , si deve ritornare una lista di  $K$  elementi, in ordine decrescente secondo i valori di  $F$ , tale che ogni elemento sia nuovo per tutti i membri del gruppo



Top-K Group Recommendation

# Threshold Algorithm

I migliori algoritmi per risolvere problemi di tipo top-K appartengono alla famiglia dei T.A.



Per garantire efficienza si possono applicare condizioni di STOP basate su score bounds.



monotonicità

$$F(G,i) = w_1 \times \text{rel}(G,i) + w_2 \times (1 - \text{dis}(G,i))$$

- Average
- Least-misery

- Pair-wise
- variance

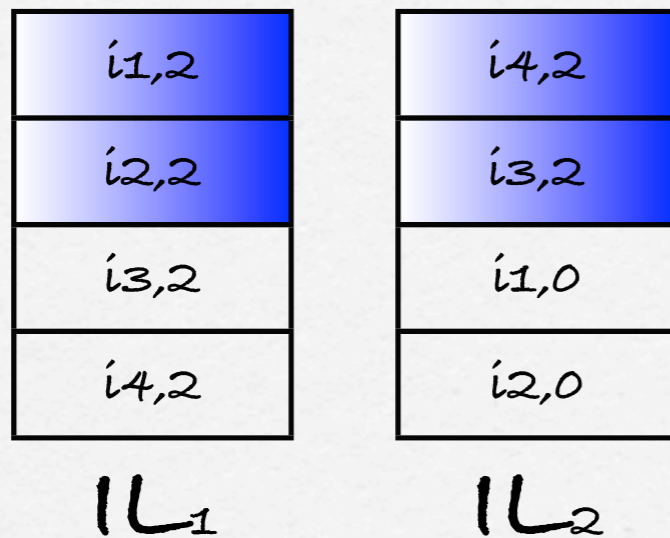
DL monotone

iff



# Efficient Recommendation Computation

4 Sorted Access per top-1:  $i_3$



- Ordina in maniera decrescente  $IL$
- Applica T.A.

Si può migliorare?

Pruning grazie alle Disagreement List

# Efficient Recommendation Computation

4 Sorted Access per top-1:  $i_3$

$i_{1,2}$
$i_{2,2}$
$i_{3,2}$
$i_{4,2}$

$IL_1$

$i_{4,2}$
$i_{3,2}$
$i_{1,0}$
$i_{2,0}$

$IL_2$



3 Sorted Access per top-1:  $i_3$

$i_{3,0}$
$i_{4,0}$
$i_{1,2}$
$i_{2,2}$

$DL_{1,2}$

- Ordina in maniera decrescente  $IL$
- Applica T.A.

- Ordina in maniera crescente pair-wise  $DL$

Si può migliorare?

Pruning grazie alle Disagreement List

# Group Recommendation Algorithm

Group  $\mathcal{G}$

$$F(G,i) = w_1 \times rel(G,i) + w_2 \times (1 - dis(G,i))$$

$i_{1,2}$	$i_{4,2}$	$i_{3,0}$
$i_{2,2}$	$i_{3,2}$	$i_{4,0}$
$i_{3,2}$	$i_{1,0}$	$i_{1,2}$
$i_{4,2}$	$i_{2,0}$	$i_{2,2}$
IL1	IL2	DL1,2

---

**Algorithm 1** Group Recommendation Algorithm with Fully Materialized Disagreement Lists (FM)

---

**Require:** Group  $\mathcal{G}$ , consensus function  $F$ ;

- 1: Retrieve relevance lists  $\mathcal{IL}_u$  for each user  $u$  in group  $\mathcal{G}$ ;
- 2: Retrieve disagreement lists  $\mathcal{DL}_{(u,v)}$  for each user pair  $(u,v)$  in group  $\mathcal{G}$ ;
- 3: Cursor  $cur = getNext()$  moves across each relevance and disagreement lists;
- 4: **while** ( $cur \neq \text{NULL}$ ) **do**
- 5:     Get entry  $e = (i,r)$  at  $cur$ ;
- 6:     **if** not( $\text{inHeap}(\text{topKHeap}, e)$ ) **then**
- 7:         **if** ( $\text{ComputeMaxScore}(e.i, e.r, F) \geq \text{topKHeap}.k_{th} \text{score}$ ) **then**
- 8:             ComputeExactScore; Probe  $\mathcal{IL}s$  to compute exact score  $score$  of  $e$  using  $F$ ;
- 9:              $\text{topKHeap}.addToHeap(e.i, score)$ ;
- 10:         **end if**
- 11:     **end if**
- 12:      $cur = getNext()$ ;
- 13: **end while**
- 14: **return**  $\text{topKList}(\text{topKHeap})$ ;

---

# Group Recommendation Algorithm

## Fully Materialized DL (FM):

- SA su ogni input list (Round Robin) tramite getNext()
- ComputeExactScore(): esegue Random Access su IL per definire lo score di ogni elemento (usando F).
- ComputeMaxScore(): produce un nuovo Threshold ad ogni iterazione (usando F) upperBound

$$F(\mathcal{G}, i) \leq w_1 \times \frac{1}{|\mathcal{G}|} \sum_{u \in \mathcal{G}} r_u + w_2 \times \left(1 - \frac{2}{|\mathcal{G}|(|\mathcal{G}| - 1)}\right) \sum_{u, v \in \mathcal{G}} \Delta_{u, v}$$

---

### Algorithm 1 Group Recommendation Algorithm with Fully Materialized Disagreement Lists (FM)

---

**Require:** Group  $\mathcal{G}$ , consensus function  $F$ ;

- 1: Retrieve relevance lists  $\mathcal{IL}_u$  for each user  $u$  in group  $\mathcal{G}$ ;
- 2: Retrieve disagreement lists  $\mathcal{DL}_{(u,v)}$  for each user pair  $(u, v)$  in group  $\mathcal{G}$ ;
- 3: Cursor  $cur = \text{getNext}()$  moves across each relevance and disagreement lists;
- 4: **while** ( $cur \neq \text{NULL}$ ) **do**
- 5:   Get entry  $e = (i, r)$  at  $cur$ ;
- 6:   **if** not( $\text{inHeap}(\text{topKHeap}, e)$ ) **then**
- 7:     **if** ( $\text{ComputeMaxScore}(e.i, e.r, F) \geq \text{topKHeap.kth score}$ ) **then**
- 8:       ComputeExactScore; Probe  $\mathcal{IL}$ s to compute exact score  $score$  of  $e$  using  $F$ ;
- 9:        $\text{topKHeap.addToHeap}(e.i, score)$ ;
- 10:     **end if**
- 11:   **end if**
- 12:    $cur = \text{getNext}()$ ;
- 13: **end while**
- 14: **return**  $\text{topKList}(\text{topKHeap})$ ;

---

# Group Recommendation Algorithm

## Fully Materialized DL (FM):

- SA su ogni input list (Round Robin) tramite getNext()
- ComputeExactScore(): esegue Random Access su IL per definire lo score di ogni elemento (usando F).
- ComputeMaxScore(): produce un nuovo Threshold ad ogni iterazione (usando F) upperBound

$$F(\mathcal{G}, i) \leq w_1 \times \frac{1}{|\mathcal{G}|} \sum_{u \in \mathcal{G}} r_u$$

## Relevance List Only (RO):

- Non utilizza le Disagreement List

---

### Algorithm 1 Group Recommendation Algorithm with Fully Materialized Disagreement Lists (FM)

---

**Require:** Group  $\mathcal{G}$ , consensus function  $F$ ;

- 1: Retrieve relevance lists  $\mathcal{IL}_u$  for each user  $u$  in group  $\mathcal{G}$ ;
- 2: Retrieve disagreement lists  $\mathcal{DL}_{(u,v)}$  for each user pair  $(u, v)$  in group  $\mathcal{G}$ ;
- 3: Cursor  $cur = \text{getNext}()$  moves across each relevance and disagreement lists;
- 4: **while** ( $cur \neq \text{NULL}$ ) **do**
- 5:   Get entry  $e = (i, r)$  at  $cur$ ;
- 6:   **if** not( $\text{inHeap}(\text{topKHeap}, e)$ ) **then**
- 7:     **if** ( $\text{ComputeMaxScore}(e.i, e.r, F) \geq \text{topKHeap.k}_{th} \text{score}$ ) **then**
- 8:       ComputeExactScore; Probe  $\mathcal{IL}$ s to compute exact score  $score$  of  $e$  using  $F$ ;
- 9:        $\text{topKHeap.addToHeap}(e.i, score)$ ;
- 10:     **end if**
- 11:   **end if**
- 12:    $cur = \text{getNext}()$ ;
- 13: **end while**
- 14: **return**  $\text{topKList}(\text{topKHeap})$ ;

---



# Group Recommendation Algorithm

## Fully Materialized DL (FM):

- SA su ogni input list (Round Robin) tramite getNext()
- ComputeExactScore(): esegue Random Access su IL per definire lo score di ogni elemento (usando F).
- ComputeMaxScore(): produce un nuovo Threshold ad ogni iterazione (usando F) UpperBound

- Migliore efficienza
- Numero di DL elevato



## Relevance List Only (RO):

- Non utilizza le Disagreement List

- Upper Bound meno efficaci
- Minore occupazione di memoria

# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u1, u2, u3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA



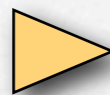
$Th = 1,93$

# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$



$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

Top-K Buffer
$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$

$Th = 1,86$

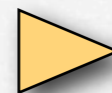
# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$



$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

Top-K Buffer
$i_1 1,33$
$i_2 1,33$
$i_3 1,33$

$Th = 1,73$

# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA



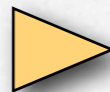
$Th = 1,73$

# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$



$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

Top-K Buffer
$i_{4,1.6}$
$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$
$i_{3,1.33}$

$Th = 1,73$

# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$



$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

Top-K Buffer
$i_{4,1.6}$
$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$
$i_{3,1.33}$

$Th = 1,73$



# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA

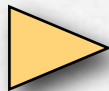
$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

Top-K Buffer
$i_{4,1.6}$
$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$
$i_{3,1.33}$

$Th = 1,73$

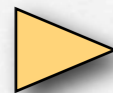


# Esempio - RO



- Obiettivo: Elemento Top-1 su un gruppo di 3 utenti  $G = \{u_1, u_2, u_3\}$
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) su 4 film
- Performance: numero di SA

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$



$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

Top-K Buffer
$i_{4,1.6}$
$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$
$i_{3,1.33}$

$Th = 1,60$

STOP!

Top-1 =  $i_4$

#SA = 8

# Esempio - FM



- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) e 3 pair-wise Disagreement List ( $DL_{12}, DL_{13}, DL_{23}$ )

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

$DL_{12}$
$i_{4,0}$
$i_{3,2}$
$i_{2,2}$
$i_{1,2}$

$DL_{13}$
$i_{4,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$
$i_{1,1}$

$DL_{23}$
$i_{4,1}$
$i_{1,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$

# Esempio - FM



- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) e 3 pair-wise Disagreement List ( $DL_{12}, DL_{13}, DL_{23}$ )

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

$DL_{12}$
$i_{4,0}$
$i_{3,2}$
$i_{2,2}$
$i_{1,2}$

$DL_{13}$
$i_{4,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$
$i_{1,1}$

$DL_{23}$
$i_{4,1}$
$i_{1,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$

Top-K  
buffer

$i_{1,1.33}$

$Th = 1,93$

# Esempio - FM



- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) e 3 pair-wise Disagreement List ( $DL_{12}, DL_{13}, DL_{23}$ )

$IL_1$	$IL_2$	$IL_3$	$DL_{12}$	$DL_{13}$	$DL_{23}$
$i_{1,4}$	$i_{2,4}$	$i_{3,3}$	$i_{4,0}$	$i_{4,1}$	$i_{4,1}$
$i_{3,4}$	$i_{4,4}$	$i_{1,3}$	$i_{3,2}$	$i_{3,1}$	$i_{1,1}$
$i_{4,4}$	$i_{1,2}$	$i_{4,3}$	$i_{2,2}$	$i_{2,1}$	$i_{3,1}$
$i_{2,2}$	$i_{3,2}$	$i_{2,3}$	$i_{1,2}$	$i_{1,1}$	$i_{2,1}$

Top-K  
buffer

$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$

$Th = 1,86$

# Esempio - FM



- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) e 3 pair-wise Disagreement List ( $DL_{12}, DL_{13}, DL_{23}$ )

$IL_1$	$IL_2$	$IL_3$	$DL_{12}$	$DL_{13}$	$DL_{23}$
$i_{1,4}$	$i_{2,4}$	$i_{3,3}$	$i_{4,0}$	$i_{4,1}$	$i_{4,1}$
$i_{3,4}$	$i_{4,4}$	$i_{1,3}$	$i_{3,2}$	$i_{3,1}$	$i_{1,1}$
$i_{4,4}$	$i_{1,2}$	$i_{4,3}$	$i_{2,2}$	$i_{2,1}$	$i_{3,1}$
$i_{2,2}$	$i_{3,2}$	$i_{2,3}$	$i_{1,2}$	$i_{1,1}$	$i_{2,1}$

Top-K  
buffer

$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$
$i_{3,1.33}$

$Th = 1,73$

# Esempio - FM

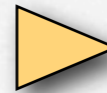


- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) e 3 pair-wise Disagreement List ( $DL_{12}, DL_{13}, DL_{23}$ )

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$



$DL_{12}$
$i_{4,0}$
$i_{3,2}$
$i_{2,2}$
$i_{1,2}$

$DL_{13}$
$i_{4,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$
$i_{1,1}$

$DL_{23}$
$i_{4,1}$
$i_{1,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$

Top-K  
buffer

$i_{4,1.6}$
$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$
$i_{3,1.33}$

$Th = 1,73$

# Esempio - FM



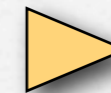
- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) e 3 pair-wise Disagreement List ( $DL_{12}, DL_{13}, DL_{23}$ )

$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

$DL_{12}$
$i_{4,0}$
$i_{3,2}$
$i_{2,2}$
$i_{1,2}$



$DL_{13}$
$i_{4,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$
$i_{1,1}$

$DL_{23}$
$i_{4,1}$
$i_{1,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$

Top-K  
buffer

$i_{4,1.6}$
$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$
$i_{3,1.33}$

$Th = 1,66$



# Esempio - FM



- Input: 3 Relevance List ( $IL_1, IL_2, IL_3$ ) e 3 pair-wise Disagreement List ( $DL_{12}, DL_{13}, DL_{23}$ )

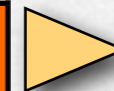
$IL_1$
$i_{1,4}$
$i_{3,4}$
$i_{4,4}$
$i_{2,2}$

$IL_2$
$i_{2,4}$
$i_{4,4}$
$i_{1,2}$
$i_{3,2}$

$IL_3$
$i_{3,3}$
$i_{1,3}$
$i_{4,3}$
$i_{2,3}$

$DL_{12}$
$i_{4,0}$
$i_{3,2}$
$i_{2,2}$
$i_{1,2}$

$DL_{13}$
$i_{4,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$
$i_{1,1}$



$DL_{23}$
$i_{4,1}$
$i_{1,1}$
$i_{3,1}$
$i_{2,1}$

Top-K  
buffer

$i_{4,1.6}$
$i_{1,1.33}$
$i_{2,1.33}$
$i_{3,1.33}$

$Th = 1,60$

STOP!

Top-1 =  $i_4$

#SA = 6



# Ottimizzazioni

- Dati  $n$  utenti il numero di pair-wise Disagreement List è

$$\frac{n(n-1)}{2}$$



# Ottimizzazioni

- Dati  $n$  utenti il numero di pair-wise Disagreement List è

$$\frac{n(n-1)}{2}$$



**Partial Materialization:**  
Materializzare solo un sottoinsieme  $m$  di DL in preprocessing-step.



Quali materializzare?

$$F(\mathcal{G}, i) \leq w_1 \times \frac{1}{|\mathcal{G}|} \sum_{u \in \mathcal{G}} r_u + w_2 \times \left(1 - \frac{2}{|\mathcal{G}|(|\mathcal{G}| - 1)} \sum_{(u,v) \in M} \Delta_{u,v}\right)$$

# Partial Materialization

- Dati 5.000 utenti  $\rightarrow$  #DL = 12.497.500
- Elevata memoria richiesta



Intuizione: materializzare DL se:

- 1) È molto probabile che gli utenti si riuniscano in un gruppo e richiedano Recommendation
- 2) La loro presenza aumenta l'efficienza delle query Top-K.

# Partial Materialization

Soluzione

- 1) P(Gruppo)
- 2) Efficienza



coppia di utenti	#SA senza DL	#SA con DL	Differenza
{u1,u2}	200	100	100
{u3,u4}	290	195	95
{u10,u9}	170	100	70
{u6,u7}	230	190	40
{u2,u3}	175	145	30
...	...	...	...

$m$

$O(n^2)$

$$p(\{u, v\}) = \frac{|\{G_i | u, v \in G_i\}|}{r}$$

rich query log

# Sharpening Threshold

Possiamo sfruttare le dipendenze tra relevance e disagreement list per migliorare il Threshold ???

$IL_u$
$i_{1,0.5}$
$i_{3,0.5}$
...

$IL_v$
$i_{2,0.5}$
$i_{3,0.4}$
...

$DL_{uv}$
$i_{3,0.2}$
$i_{1,0.3}$
...

$$i_u = 0.5$$

$$i_v = 0.5$$

$$F(\mathcal{G}, i) = (i_u + i_v)/2 + (1 - |i_u i_v|/1)$$

$$Th = 1.3$$

$$0 \leq i_u \leq 0.5$$

$$0 \leq i_v \leq 0.5$$

$$0.2 \leq |i_u - i_v| \leq 1$$

# Sharpening Threshold

Possiamo sfruttare le dipendenze tra relevance e disagreement list per migliorare il Threshold ???

$IL_u$
$i_{1,0.5}$
$i_{3,0.5}$
...

$IL_v$
$i_{2,0.5}$
$i_{3,0.4}$
...

$DL_{uv}$
$i_{3,0.2}$
$i_{1,0.3}$
...

$$i_u = 0.5$$

$$i_v = 0.3$$

$$F(\mathcal{G}, i) = (i_u + i_v)/2 + (1 - |i_u i_v|/1)$$

~~$$Th = 1.3$$~~

$$0 \leq i_u \leq 0.5$$

$$0 \leq i_v \leq 0.5$$

$$0.2 \leq |i_u - i_v| \leq 1$$

# Sharpening Threshold

Possiamo sfruttare le dipendenze tra relevance e disagreement list per migliorare il Threshold ???

$IL_u$
$i_{1,0.5}$
$i_{3,0.5}$
...

$IL_v$
$i_{2,0.5}$
$i_{3,0.4}$
...

$DL_{uv}$
$i_{3,0.2}$
$i_{1,0.3}$
...



$$F(\mathcal{G}, i) = (i_u + i_v)/2 + (1 - |i_u i_v|/1)$$

$$Th = 1.2$$

$$0 \leq i_u \leq 0.5$$

$$0 \leq i_v \leq 0.5$$

$$0.2 \leq |i_u - i_v| \leq 1$$



# Prove Sperimentali

- Dataset utilizzato: MovieLens

#utenti	#film	#voti
71.567	10.681	10.000.054

- Individual Recommendation calcolate con "collaborative filtering"

- Algoritmi di Group Recommendation testati sul set di utenti di



- 3 tipi di gruppi (similar, dissimilar e random) per 2 possibili dimensioni (da 3 e 8 utenti)

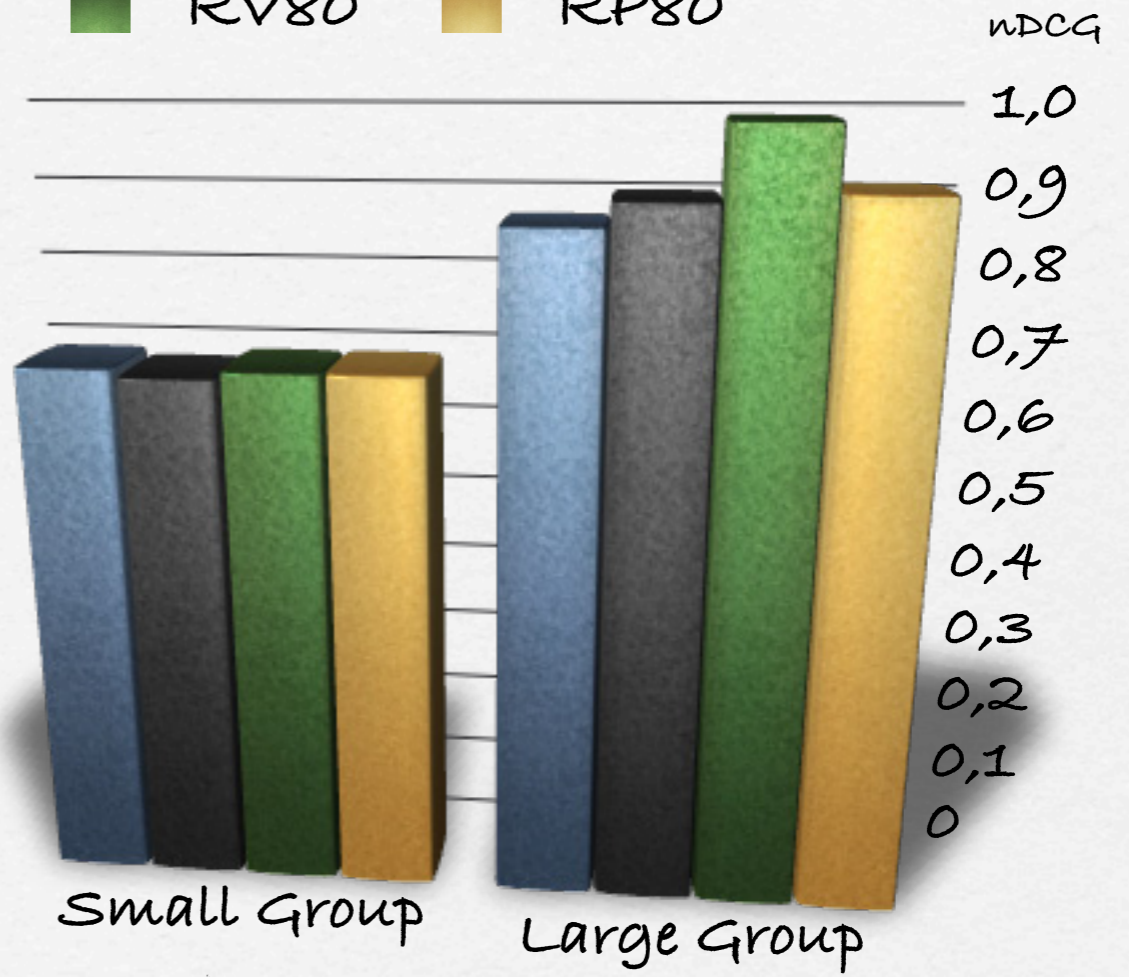
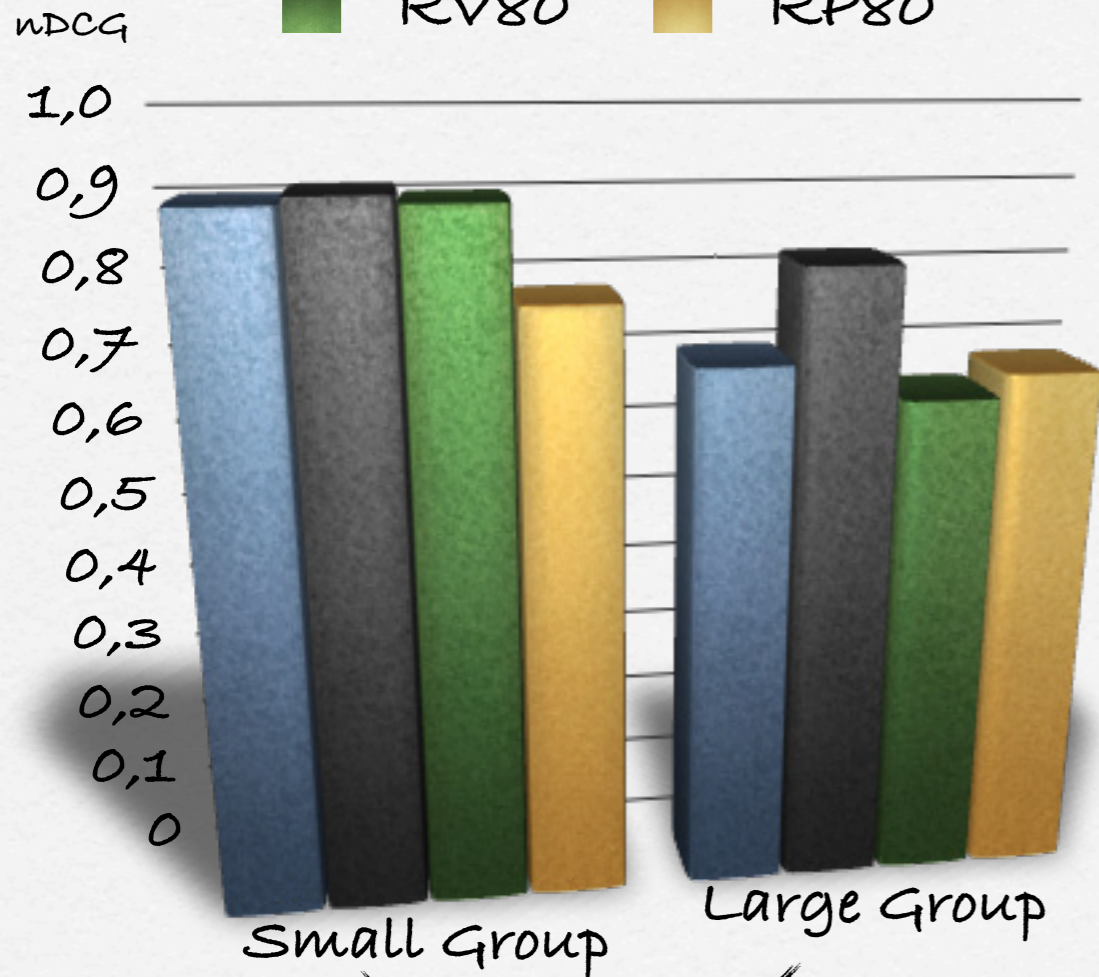
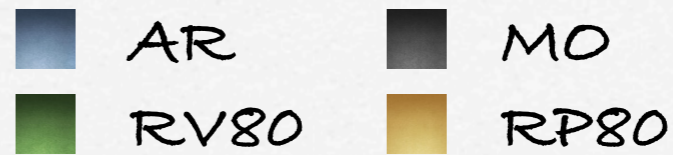
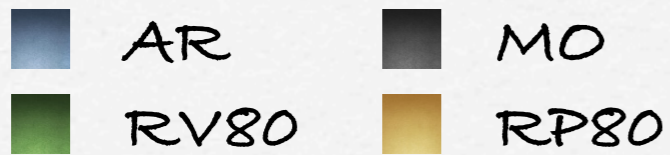
	Small Group	Large Group
Similar Group	0.89	0.90
Dissimilar Group	0.29	0.27
Random Group	0.69	0.73

- 4 tipi di algoritmi testati: Average Relevance Only (AR), Least Misery Relevance Only (LM), Consensus with Pair-wise Disagreements (RP), Consensus with Disagreement Variance (RV)
- valutata Performance su #SA comparando FM, RO e PM variando la dimensione e il tipo del gruppo e K
- valutata efficacia della Partial Materialization
- valutata efficacia del Threshold Sharpening

Il sito dà la possibilità di coinvolgere direttamente un gruppo di utenti nei test proposti dagli autori che ricevono dei feedback sulla bontà delle raccomandazioni fatte agli utenti.

### Similar User Group

### Dissimilar User Group



Best: MO

Best: RV80 RP80

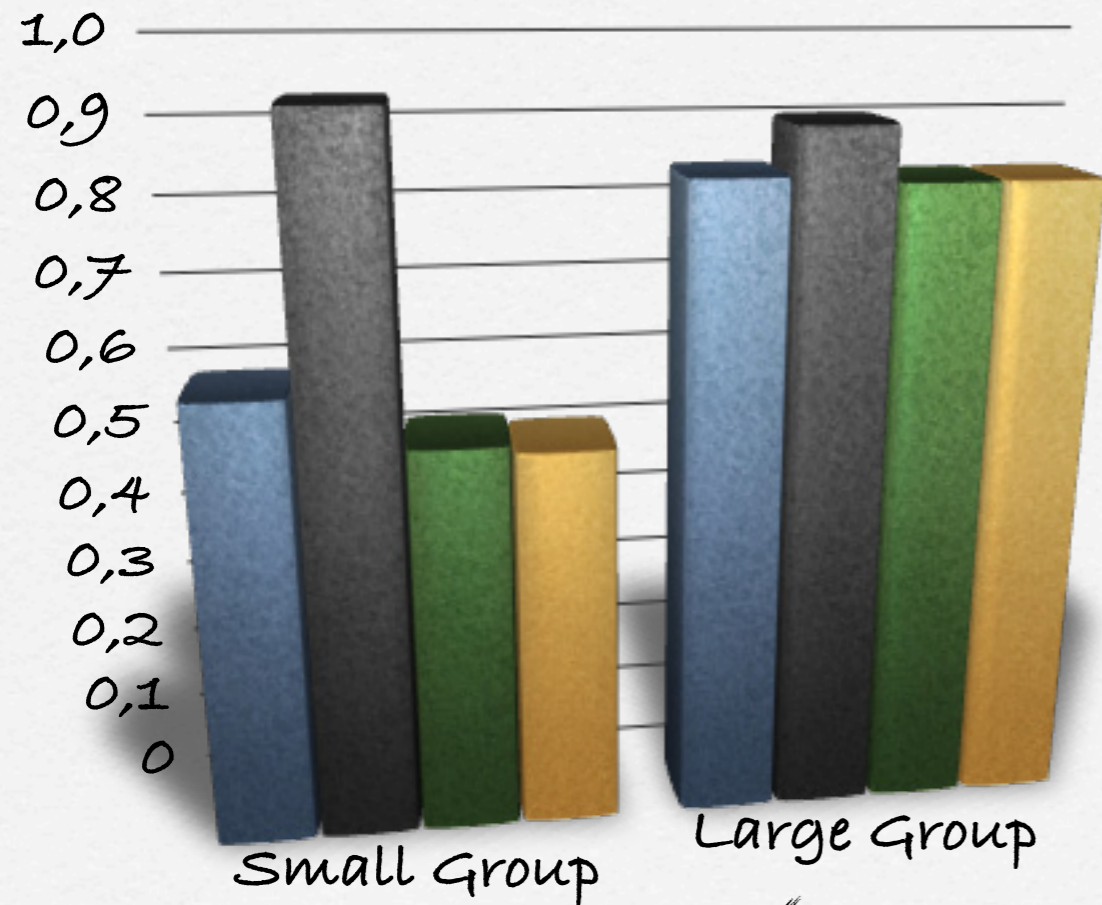
Best: RV80

DCG = discounted cumulative gain: più algoritmo efficiente, più valore vicino ad 1

### Random User Group

AR MO  
RV80 RP80

wDCG

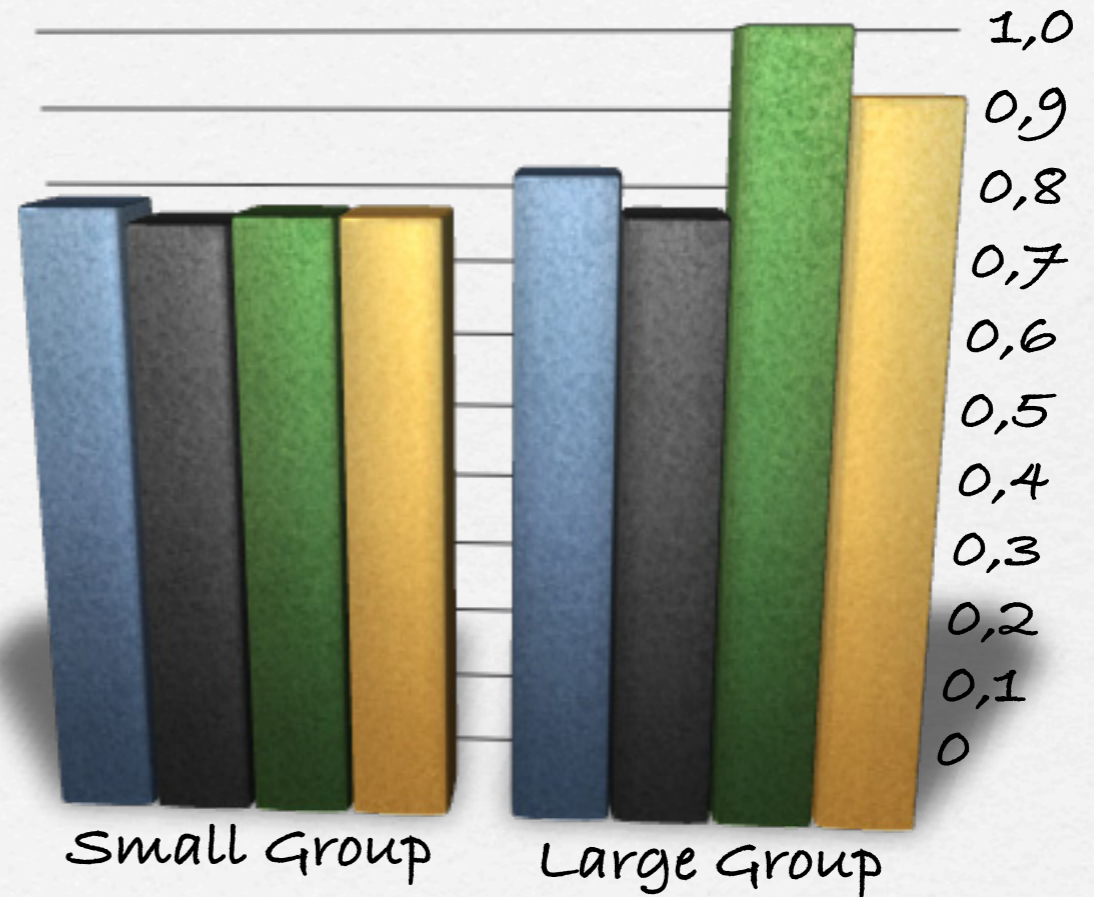


Best: MO

### Dissimilar Group with variations

RV20 RP20  
RV80 RP80

wDCG



No Best

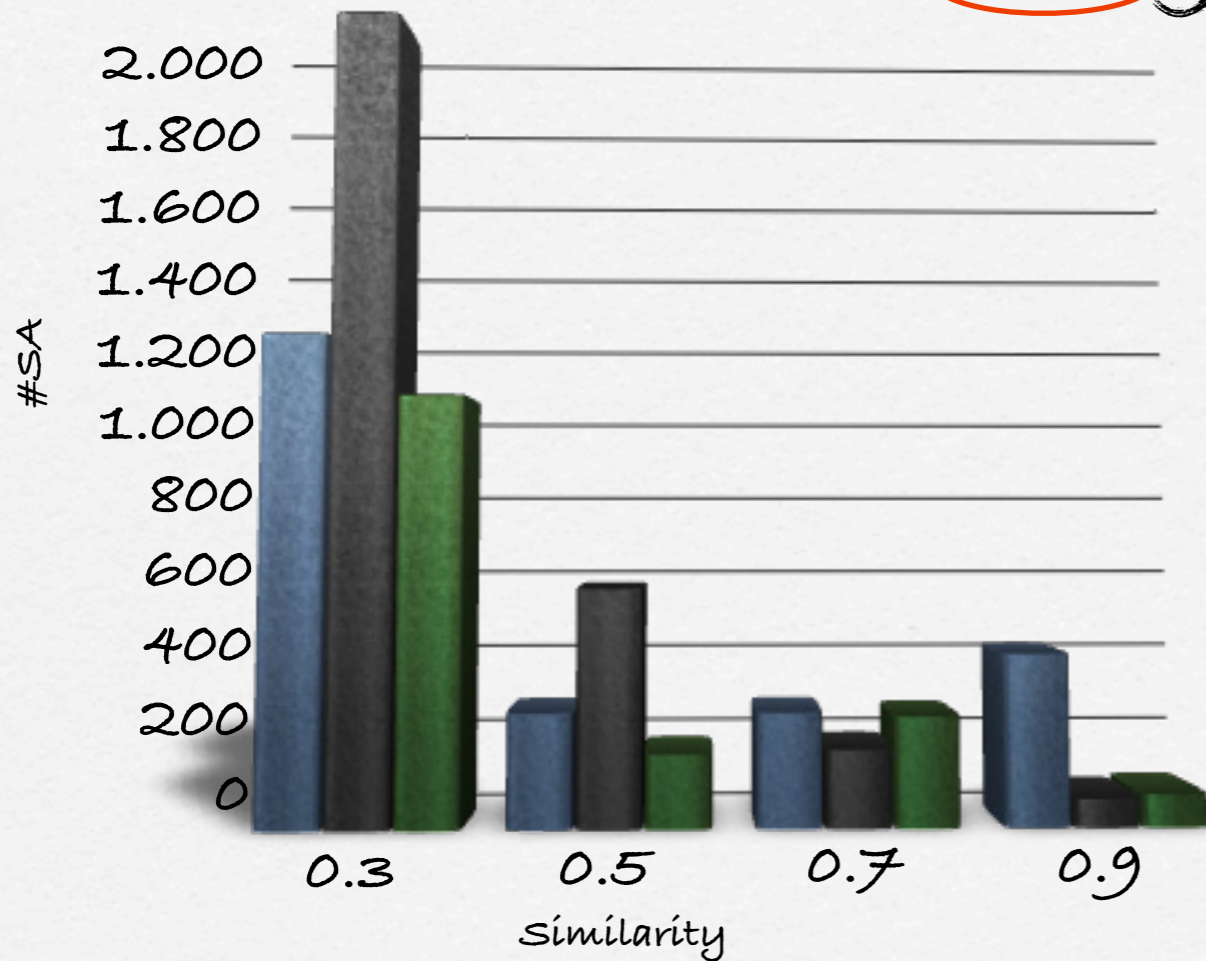
Best: RV80

### varying similarity

#Liste materializzate

■ FM ■ RO ■ PM

Qsize = 5  
K = 10  
PM = 3

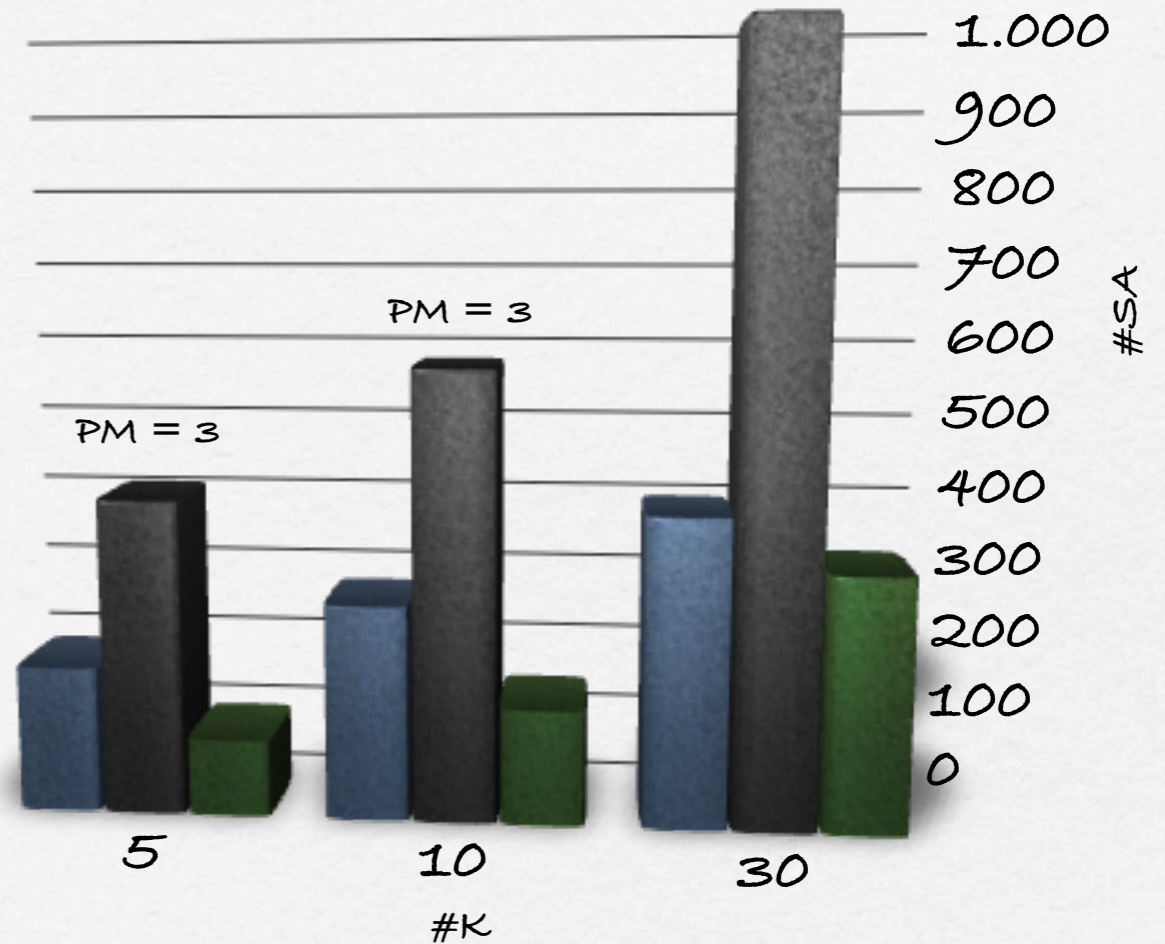


### varying no of items

■ FM ■ RO ■ PM

Qsize = 5  
Qsim = 0.5

PM = 5



o > similarity  
 o < efficacia  
 o Top item simili

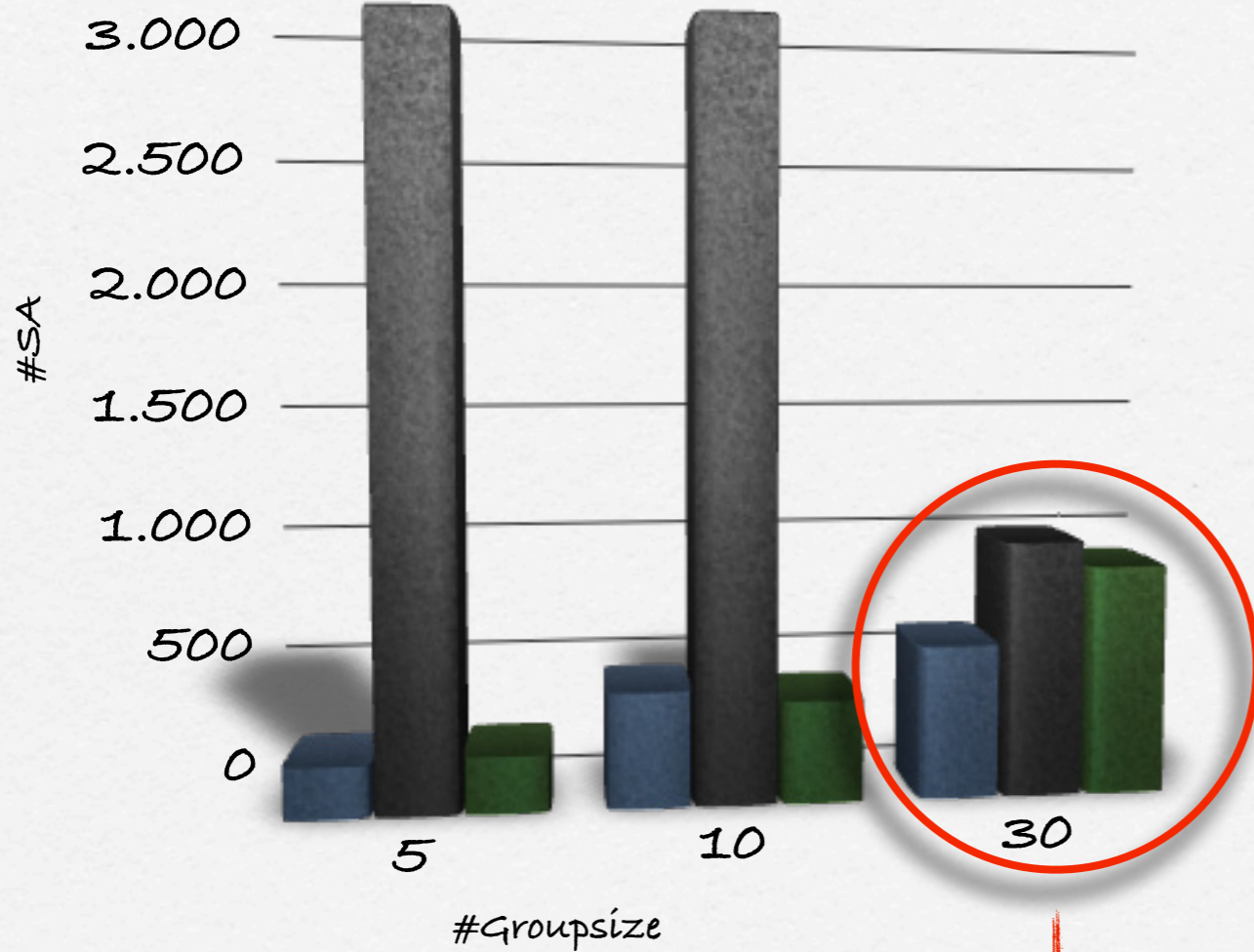
o RO UB efficaci  
 o FM scansioni inutili

o > item  
 o > #SA  
 o Best: PM

## Varying Group Size

■ FM ■ RO ■ PM

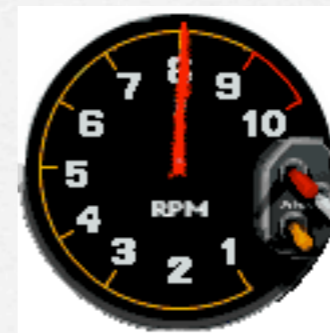
$G_{sim} = 0.5$   
 $K = 10$   
 $PM = 3$



0 > #groupsize

0 > #SA

0 RO worst performance



IL forniscono buone "stopping condition"

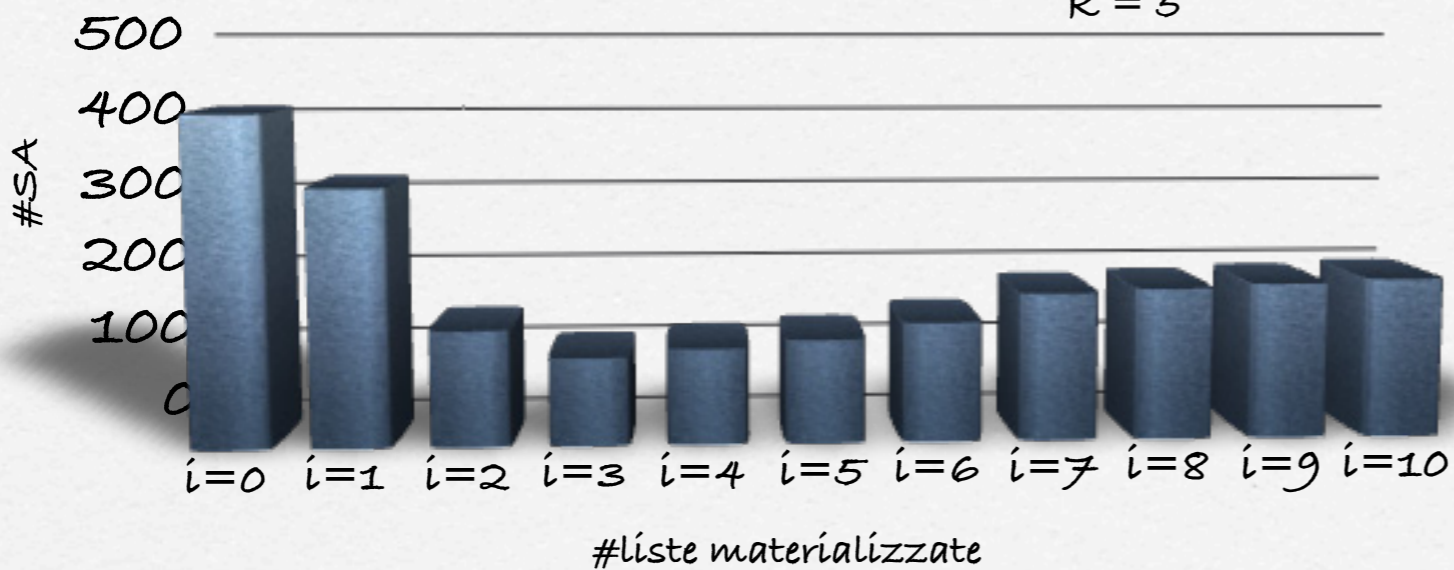
## varying # of materialized lists

#SAs

qsize = 5

qsim = 0.5

K = 5



o  $i=0$  corrisponde a RO

o  $i=3$  best performance

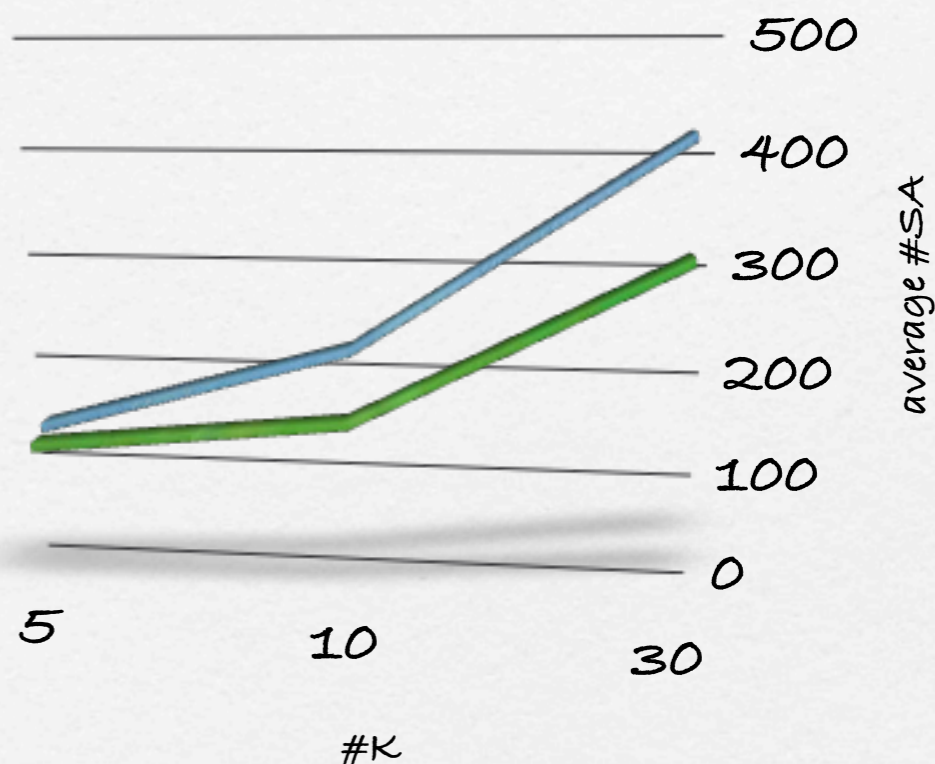


Trade-off tra  
#DL e #SA

## Threshold Sharpening

FM with optimization

FM without optimization



o FM ottimizzato migliore

# Riassumendo

- La presenza di **Disagreement List** migliora di molto le performance per gruppi di utenti "dissimilari" e di grandi dimensioni
- Spesso **Partial Materialization** (PM) è la soluzione migliore (gruppi "abbastanza" simili)
  - Per la stessa query, DL diverse contribuiscono diversamente nel calcolo del TOP-K
  - Solo alcune di esse devono essere considerate
- La **Sharpening Optimization** migliora sempre le performance complessive

# Conclusioni

- Group Recommendation sono sempre più importanti grazie alle continue interazioni tra utenti sul WEB
- Disagreement List ha un forte impatto sia sulla qualità che sull'efficienza di Group Recommendation
- Threshold algorithm, TA può essere adattato per il calcolo di Group Recommendation. (FM, RO)
- Sono state implementate ottimizzazioni che migliorano l'efficienza degli algoritmi (PM, Sharpening Threshold)
- Lavori futuri: ottimizzare le DL affinché occupino meno spazio (contenendo le stesse info) e adattare gli algoritmi di GR



# Conclusioni



# Grazie dell'attenzione

## Vota Gruppo 7

